

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ  
 ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ ΚΑΙ ΕΣΠΕΡΙΝΩΝ ΕΠΑΓΓΕΛΜΑΤΙΚΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ  
 (ΟΜΑΔΑ Α΄)  
 ΚΑΙ ΜΑΘΗΜΑΤΩΝ ΕΙΔΙΚΟΤΗΤΑΣ  
 ΕΠΑΓΓΕΛΜΑΤΙΚΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ (ΟΜΑΔΑ Β΄)  
 ΠΕΜΠΤΗ 23 ΜΑΪΟΥ 2013  
 ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ Ι  
 ΕΣΠΕΡΙΝΑ**

**ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΘΕΜΑΤΩΝ**

**ΘΕΜΑ Α**

**A1.** Θεωρία σχολικού βιβλίου σελίδα 134

**A2. α.** Σωστό, **β.** Λάθος, **γ.** Σωστό, **δ.** Λάθος, **ε.** Σωστό.

**A3. α.**  $(e^x)' = e^x$

**β.**  $(\ln x)' = \frac{1}{x}$ , όπου  $x > 0$

**γ.**  $\int_{\alpha}^{\beta} \text{ συν } x \, dx = [\eta \mu x]_{\alpha}^{\beta} = \eta \mu \beta - \eta \mu \alpha$

**ΘΕΜΑ Β**

**B1.**  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 3} = \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{(x-1)(x-3)}{x-3} = \lim_{x \rightarrow 3^+} (x-1) = 2.$

**B2.**  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} (2x^2 - \alpha x + \beta) = 18 - 3\alpha + \beta$

**B3.** •  $f(0) = 5 \Leftrightarrow \beta = 5$

• Για να είναι η  $f$  συνεχής στο  $x_0 = 3$  πρέπει

$\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = f(3) \Leftrightarrow 18 - 3\alpha + \beta = 2 \Leftrightarrow$   $\beta=5$

$3\alpha = 21 \Leftrightarrow \alpha = 7$

### ΘΕΜΑ Γ

**Γ1.**

$$\bar{x} = 5 \Leftrightarrow \frac{1 + 9 + 7 + 5 + 11 + \alpha + 1 + (-1)}{8} = 5 \Leftrightarrow$$

$$\frac{\alpha + 33}{8} = 5 \Leftrightarrow \alpha + 33 = 40 \Leftrightarrow \alpha = 7$$

**Γ2.** Για  $\alpha = 7$  οι τιμές είναι : -1 , 1 , 1 , 5 , 7 , 7 , 9 , 11

$$\bar{\delta} = \frac{5 + 7}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

$$\text{εύρος} = 11 - (-1) = 12$$

**Γ3.**

$$s^2 = \frac{(5+1)^2 + (5-1)^2 \cdot 2 + (5-5)^2 + (5-7)^2 \cdot 2 + (5-9)^2 + (5-11)^2}{8}$$
$$= \frac{36 + 32 + 0 + 8 + 16 + 36}{8} = \frac{128}{8} = 16$$

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{16} = 4$$

**Γ4.**

$$CV = \frac{s}{\bar{x}} \cdot 100\% = \frac{4}{5} \cdot 100\% = 80\% > 10\%$$

άρα το δείγμα δεν είναι ομοιογενές

**ΘΕΜΑ Δ**

**Δ1.**  $A(-1, 5) \in C_f \Leftrightarrow f(-1) = 5 \Leftrightarrow (-1)^3 - 3(-1) + \kappa = 5 \Leftrightarrow$   
 $-1 + 3 + \kappa = 5 \Leftrightarrow \kappa = 3$

**Δ2.**  $f(x) = x^3 - 3x + 3$

$f'(x) = 3x^2 - 3$

$f'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow 3x^2 = 3 \Leftrightarrow x^2 = 1 \Leftrightarrow x = \pm 1$

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$	+	○	-	○
$f(x)$	↗		↘	

Η  $f$  είναι γνησίως αύξουσα στα  $(-\infty, -1]$  και  $[1, +\infty)$  ενώ είναι γνησίως φθίνουσα στο  $[-1, 1]$ .

Η  $f$  παρουσιάζει τοπικό μέγιστο για  $x = -1$  την τιμή  $f(-1) = 5$

Η  $f$  παρουσιάζει τοπικό ελάχιστο για  $x = 1$  την τιμή  $f(1) = 1$

**Δ3.**  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f'(x)}{1-x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 - 3}{-(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{3(x+1)(x-1)}{-(x-1)}$   
 $= \lim_{x \rightarrow 1} [-3(x+1)] = -6.$

**Δ4.**  $\int_1^3 f''(x) dx = [f'(x)]_1^3 = f'(3) - f'(1) = f'(3) = 24$